

**الامتحان الوطني الموحد للمحالوريا**  
**الدورة العادية 2014**  
**الموضوع**

NS 22

المملكة المغربية  
 وزارة التربية الوطنية  
 والتكوين المهني



المركز الوطني للتفرييم والامتحانات والتوجيه

المادة	العنية أو المسلك	الرياضيات	مدة الإجاز	3
شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسالكيها	المعامل			7

### تعليمات عامة

- يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة ؛
- عدد الصفحات: 3 (الصفحة الأولى تتضمن تعليمات ومكونات الموضوع والصفحتان المتبقيتان تتضمنان موضوع الامتحان) ؛
- يمكن للمترشح إنجاز تمارين الامتحان حسب الترتيب الذي يناسبه ؛
- ينبغي تفادى استعمال اللون الأحمر عند تحرير الأجوبة ؛
- بالرغم من تكرار بعض الرموز في أكثر من تمرين ، فكل رمز مرتبط بالتمرين المستعمل فيه ولا علاقة له بالتمارين السابقة أو اللاحقة .

### مكونات الموضوع

- يتكون الموضوع من أربعة تمارين و مسألة مستقلة فيما بينها و تتوزع حسب المجالات كما يلي :

التمرين الأول	ال الهندسة الفضائية	3 نقط
التمرين الثاني	الأعداد العقدية	3 نقط
التمرين الثالث	المتتاليات العددية	3 نقط
التمرين الرابع	حساب الاحتمالات	3 نقط
المسألة	دراسة دالة وحساب التكامل	8 نقط

- بالنسبة للمسألة ،  $In$  يرمز لدالة اللوغاريتم النبيري

الصفحة	NS 22	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2014 - الموضوع - مادة ، الرياضيات - شعبة العلوم التجريبية بـالجهاز وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكها	
<u>الموضوع</u>			
<u>التمرين الأول : (3 ن)</u>			
		نعتبر، في الفضاء المنسوب إلى معلم متعمد منظم مباشر $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، النقط $A(0, 3, 1)$ و $B(-1, 3, 0)$ و $C(0, 5, 0)$ و الفلكة $(S)$ التي معادلتها : $x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 5 = 0$	
		أ- بين أن $\vec{AB} \wedge \vec{AC} = 2\vec{i} - \vec{j} - 2\vec{k}$ واستنتج أن النقط $A$ و $B$ و $C$ غير مستقيمة <span style="float: right;">0.75</span>	
		ب- بين أن $2x - y - 2z + 5 = 0$ هي معادلة بيكارтиة للمستوى $(ABC)$ <span style="float: right;">0.5</span>	
		أ- بين أن مركز الفلكة $(S)$ هو النقطة $(2, 0, 0)$ و أن شعاعها هو $\Omega$ <span style="float: right;">0.5</span>	
		ب- بين أن المستوى $(ABC)$ مماس للفلكة $(S)$ <span style="float: right;">0.75</span>	
		ج- حدد مثوى إحداثيات $H$ نقطة تمسك المستوى $(ABC)$ و الفلكة $(S)$ <span style="float: right;">0.5</span>	
<u>التمرين الثاني : (3 ن)</u>			
		(1) حل في مجموعة الأعداد العقدية $C$ المعادلة : $z^2 - z\sqrt{2} + 2 = 0$ <span style="float: right;">0.75</span>	
		(2) نعتبر العدد العقدي $u = \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{6}}{2}i$ <span style="float: right;">0.75</span>	
		أ- بين أن معيار العدد $u$ هو $\sqrt{2}$ و أن $\arg u \equiv \frac{\pi}{3}[2\pi]$ <span style="float: right;">0.5</span>	
		ب- باستعمال كتابة العدد $u$ على الشكل المثلثي ، بين أن $u^6$ عدد حقيقي <span style="float: right;">0.75</span>	
		(3) نعتبر، في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعمد منظم مباشر $(O, \vec{e}_1, \vec{e}_2)$ ، النقطتين $A$ و $B$ اللتين لحقاهما على التوالي هما $a = 4 - 4i\sqrt{3}$ و $b = 8$ بحيث <span style="float: right;">0.75</span>	
		ليكن $z$ لحق نقطة $M$ من المستوى و $z'$ لحق النقطة $M'$ صورة $M$ بالدوران $R$ الذي مرکزه $O$ و زاويته $\frac{\pi}{3}$ أ- عبر عن $z'$ بدلالة $z$ <span style="float: right;">0.5</span>	
		ب- تحقق من أن $B$ هي صورة $A$ بالدوران $R$ و استنتاج أن المثلث $OAB$ متساوي الأضلاع <span style="float: right;">0.5</span>	
<u>التمرين الثالث : (3 ن)</u>			
		نعتبر المتتالية العددية $(u_n)$ المعرفة بما يلي : $u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + 7$ لكل $n$ من $\mathbb{N}$ <span style="float: right;">0.75</span>	
		(1) بين بالترجع أن $u_n < 14$ لكل $n$ من $\mathbb{N}$ <span style="float: right;">0.75</span>	
		(2) لتكن $(v_n)$ المتتالية العددية بحيث : $v_n = 14 - u_n$ لكل $n$ من $\mathbb{N}$ <span style="float: right;">0.75</span>	
		أ- بين أن $(v_n)$ متتالية هندسية أساسها $\frac{1}{2}$ ثم اكتب $v_n$ بدلالة $n$ <span style="float: right;">1</span>	
		ب- استنتاج أن $u_n = 14 - \left(\frac{1}{2}\right)^n$ لكل $n$ من $\mathbb{N}$ ثم احسب نهاية المتتالية <span style="float: right;">0.75</span>	
		ج- حدد أصغر قيمة للعدد الصحيح الطبيعي $n$ التي يكون من أجلها $u_n > 13,99$ <span style="float: right;">0.5</span>	

التمرين الرابع : (3ن)

١) نسج عشوائياً وفي آن واحد بيدقين من الكيس

$$p(A) = \frac{5}{8}$$

نعتبر اللعبة التالية : يسحب سعيد عشوانيا و في آن واحد بيدقتين من الكيس و يعتبر فائزًا إذا سحب بيدقتين تحمل كل واحدة منها العدد 1 9

١ - ملخص المحتوى

٤- بين ان احتمال فور سعيد هو  $\frac{1}{6}$

**بـ- لعب سعيد اللعبة السابقة ثلاثة مرات (يعيد سعيد البيدقتين المسحوبتين إلى الكيس في كل مرة) ما هو الاحتمال الذي يفوز سعيد مرتين بالضبط؟**

### المسالة : ( 8 ن )

(I) لتكن  $g(x) = 1 - \frac{1}{x^2} + \ln x$  الدالة العدديّة المعرفة على  $[0, +\infty)$  بما يلي :

(١) بين أن  $g'(x) = \frac{2}{x^3} + \frac{1}{x}$  لكل  $x$  من  $[0, +\infty)$  و استنتج أن الدالة  $g$  تزايدية على  $[0, +\infty)$

(2) تحقق من أن  $g(x) = 0$  ثم استنتج أن  $\forall x \in [0,1] \quad g(x) \geq 0$  لـ  $\forall x \in [1, +\infty)$

(II) نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $[0, +\infty]$  بما يلي :

و ليكن (C) المنحنى الممثل للدالة  $f$  في معلم متعامد منظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  ( الوحدة : 1 cm )

**١٠** بين أن  $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x) = +\infty$  و أول هندسيا النتيجة

أ- احسب (2)

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = 0 \quad (\text{يمكن وضع } t = \sqrt{x} \text{ ثم بين أن } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 + \ln x)^2}{x} = 0)$$

ج- حدد الفرع الالانهائي للمنحنى (C) بجوار  $\infty$

**بـ- ضع حدول تغيرات الدالة  $f$  على  $[0, +\infty)$  ثم استنتج أن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$  لكل  $x$  من  $[0, +\infty)$ .**

(4) أنشئ (C) في المعلم (O) (نقطة انعطاف وحدة تحديداتها غير مطلوب)

$$L = \int_0^{\infty} f_e(1 - \rho) \rho^2 d\rho = L = \int_0^{\infty} f_e(1 - \rho) \rho d\rho$$

(5) تعبير التكاملين  $\int_1^{\infty} (1 + \ln x) dx$  و  $\int_1^{\infty} (1 + \ln x) dx$  :

ا- بين ان  $H: x \mapsto x \ln x$  دالة اصلية للدالة  $h: x \mapsto 1 + \ln x$  على  $[0, +\infty]$  تم استنتاج ان  $\int_0^2 x \ln x dx = 2 - 1 = 1$

بـ- باسعمال مكانته بالأجراء ، بين أن  $\int \equiv 2e - 1$

جـ- احسب بـ  $\text{cm}^2$  مساحة حير المنسوب الممحضور بين المثلثي (C) و محور الأفاصيل و المسقيفين

السيں مدد میں ۱ و ۶ X =